【論 文】 UDC:691.32

日本建築学会構造系論文報告集 第 360 号・昭和 61 年 2 月

# 破壊力学モデル解析に基づく間接評価

コンクリートの破壊靱性評価に関する研究

正 会 員	岸	谷	孝	*
正会員	平	居	孝	之**
正会員	村	上		聖***

#### 1. 序 論

コンクリートの破壊特性は、大小のさまざまなスケー ルで観察されるひび割れの発生、伝播挙動と密接に関連 しているので、コンクリートへの破壊力学適用の妥当性 に関して、従来から活発な論議が展開されている。1961 年、Kaplanの研究報告<sup>1)</sup>を契機とする、コンクリート への線形破壊力学(Linear Elastic Fracture Mechanics, 以下、LEFMと略記する)の適用性については、その 評価値が用いる供試体寸法に強く依存するために、有効 な破壊靱性値を得るには、金属同様供試体寸法にかなり 厳しい制限を要することが一般に言われている。これは、 コンクリートにおいて主としてマイクロクラック生成に 起因する切欠き先端前方の非線形領域(破壊過程域とも 呼ばれる)が、通常使用される実験室規模の供試体寸法 では一般に無視できない大きさに達し、LEFMの近似 が十分な精度で成立しなくなるためである。

そこで、小型供試体を用いた破壊靱性評価に種々の非 線形破壊力学パラメーター(例えば、J積分値、き裂先 端開口変位、破壊エネルギー、Rカーブなど)がコン クリート系材料に適用されている。また、破壊過程域内 部の非線形性を考慮した破壊力学モデル解析に基づく間 接的評価も試みられている。

コンクリートの破壊力学モデルとして、き裂先端から の幅の狭い塑性域の進展を仮定し、それを仮想き裂面に 結合力が作用するモデルで近似した結合力モデルの適用 性が注目され、これまでに Hillerborg ら<sup>2)</sup>、Bažant<sup>3)</sup>、 Visalvanich ら<sup>4)</sup>、Wecharatana ら<sup>5)</sup>等が類似モデルを用 いてコンクリート系材料のひび割れ伝播挙動の解析を 行っている。彼らに共通する点は、完全弾塑性体を仮定 した Dugdale モデルをコンクリートに直接適用するこ とには、コンクリートのひずみ軟化特性のゆえに無理が あるとして、破壊過程域内部の構成法則は、直接引張試

- \*\* 大分大学 教授・工博 \*\*\* 東京大学 大学院生・工修
- (昭和60年6月7日原稿受理)
- -10-

験結果による引張応力度-ひずみ関係に基づいているこ とである。このことは、コンクリートのひずみ軟化特性 が主として、マイクロクラックの生成に起因することを 意味するものであるが、筆者らは、コンクリートの引張 破壊過程におけるひずみ軟化挙動が、最大耐力点以降の 主ひび割れの進展をその主因とする、公称応力度-ひず み関係表示に基づく結果の多分に見掛けの巨視的現象で あるとする見解を否定できないと考える。

したがって、本研究では、破壊過程域内部で完全弾塑 性構成法則を仮定した Dugdale モデルの近似がコンク リートに対して十分有効であるとの前提に立ち、その結 果に基づく間接的破壊靱性評価の妥当性を実験的に検証 することを目的とする。

#### 2. 既往の破壊靱性評価

岡田らは、コンクリートの破壊過程を統一的にエネル ギーの消散過程としてとらえる立ち場から、コンクリー トの曲げ引張破壊過程において損失エネルギーと主ひび 割れ進展深さとの間に、近似的な比例関係のあることを 直接実験的に示した<sup>6)</sup>。

Petersson は、切欠き曲げ供試体を用いて破断に至る までの完全な荷重-載荷点変位曲線を実験的に求め、そ の曲線下の面積から得られる損失エネルギーが破断領域 で集中的に消費されることを前提に、それをリガメント 断面積で除して破壊エネルギーを評価する方法の有効性 を報告している<sup>11</sup>。ここに、破壊エネルギーは、図―1 に示すように、損失エネルギーとひび割れ進展面積との 関係曲線の接線こう配として定義され、破壊過程域内部 で消費されるエネルギーを含めた、主ひび割れが単位面 積進展する際に要するトータルなエネルギー量と解釈さ れる。また、ひび割れ進展深さに対して破壊エネルギー をプロットすることによってRカーブが得られる。

Wecharatana らは、繰返し載荷曲線を実験的に求め、 ひび割れ進展間に消費されるエネルギーをひび割れ進展 面積で除して得られる近似的な破壊エネルギーを式(1) により評価し、コンクリート系材料のRカーブを求める 方法を報告している<sup>8)</sup>。

<sup>\*</sup> 東京大学 教授・工博





図―2 オフセット破壊エネルギー法

$$G \cong \frac{1}{A_2 - A_1} \left\{ \frac{P_1 \times P_2}{2} (C_2 - C_1) + \frac{P_1 + P_2}{2} (\delta_2 - \delta_1) \right\}$$

 $(\Delta A = A_2 - A_1 \rightarrow 0)$ 

$$=\frac{P_1^2}{2}\left(\frac{dC}{dA}\right)_{A_1}+P_1\left(\frac{d\delta}{dA}\right)_{A_1}\cdots\cdots\cdots\cdots\cdots\cdots(2)$$

ここに、 $\Delta A$ :ひび割れ進展面積、P:荷重、C:コン プライアンス、 $\delta$ :残留変位。

式(1)の中カッコ内の項は、図—2の斜線部分の面 積(近似的な損失エネルギー)を表している。また、  $\Delta A \rightarrow 0$ のときひび割れ面積  $A_1$  での破壊エネルギー Gは、式(2)のように表示される。式(2)の第1項は、 線形弾性体のエネルギー解放率の評価に際してのコンプ ライアンス・キャリブレーション法表示式であり、第2 項は、破壊過程域に起因する不可逆変形のために生じる 付加項と考えられ、ひび割れ進展に伴う残留変位の変化 率に関する情報が必要である。

Velazco ら<sup>9</sup>, Mindess ら<sup>10</sup>, 六郷ら<sup>11)</sup>等は, 金属に 適用されている J 積分評価法をコンクリート系材料に応 用し, その適用性について実験的検討を行っている。J 積分評価法として, Begley-Landes による実験的方法, Rice の簡便式を用いる半解析的手法がコンクリート系 材料に適用されている。前者の方法は、J積分値がき裂 長さの変化に伴うポテンシャルエネルギーの変化を示す ことをもとに、切欠き深さの異なる供試体の荷重-載荷 点変位曲線を実験的に求め、それにより得られるポテン シャルエネルギーを切欠き面積に対してプロットした曲 線の接線こう配からJ積分値を評価するものである。後 者の方法は、き裂が深く、荷重-載荷点変位曲線がリガ メント長さのみに依存する場合の切欠き曲げ供試体に対 して導かれた次式に基づく評価である。

$$J = \frac{2}{B \times b} \int_{0}^{\Delta_{c}} P \cdot d\Delta_{c} \cdots \cdots \cdots \cdots (3)$$

ここに、B:はり幅、b:リガメント長さ、P:荷重、 Δ<sub>c</sub>=Δ-Δ₀:載荷点変位Δのうち、切欠きがあるため に生じる成分(Δ₀:無切欠き曲げ供試体の載荷点変位)。 コンクリートに対して評価されたJ積分値は、より脆 性的な材料においてエネルギー解放率にほぼ一致するこ と、骨材寸法の増大や鋼繊維混入などによる破壊靱性改 善の効果を良く表示するパラメーターとなることなどか ら、その有効性が報告されている。ただし、得られるJ 積分値は、評価点の選定に大きく依存するために、J積 分評価ではひび割れ開始点の検出が重要な課題であるよ うに思われる<sup>12</sup>。

以上で採り上げた評価法は,直接実験的方法あるいは ある仮定に基づく半解析的手法に属し,その中には金属 に共通の概念,あるいはコンクリートを含めた非均質脆 性材料に特有の概念を含むものがあり,評価の妥当性, その簡便性,およびその物理的意味の面からさらに広範 囲の検討が望まれる。

本研究では,破壊力学モデル解析に基づく破壊靱性評 価を間接評価と称し,以下で考察する。

## 3. 間接評価

前述のように、コンクリートへの Dugdale モデルの 適用性を仮定し、その解析結果に基づく破壊靱性評価法 について述べる。そのモデルの基礎概念は、完全弾塑性 体におけるき裂先端からの細長い塑性域の進展を仮想き 裂面に一様の降伏強度が作用するモデルで近似し、仮想 き裂先端でもはや応力の特異性を生じない条件から、外

-11 -

カ,塑性域寸法,き裂開口変位の間の唯一の関係を導く ことにある。

3.1 解析および評価方法

切欠き曲げ供試体の破壊靱性試験について解析方法を 以下に説明する。

図-3に示すように、コンクリートにおける切欠き先 端前方の幅の狭い破壊過程域(擬塑性域)の進展を仮想 き裂面 wに一様の引張強度 o<sub>u</sub>が作用するモデル(a) で近似する。モデル(a)の応力および変位場は、外力 のみが作用するモデル(b)と仮想き裂面に引張強度の みが作用するモデル(c)の応力および変位場をそれぞ れ重ね合わせて求められる。重ね合わせに際して、仮想 き裂先端でもはや応力の特異性を生じない条件から、モ





**図—4** Dugdale モデル解析結果

デル (b) および (c) のき裂先端の応力拡大係数を等置 する。今,モデル (b) および (c) の応力拡大係数をそ れぞれ  $K_{t}^{(b)} = \sigma_{b}\sqrt{c} F^{(b)}(c/W), K_{t}^{(c)} = \sigma_{t}\sqrt{c} F^{(c)}(w/c, c/W)$ と表すと, $K_{t}^{(b)} = K_{t}^{(c)}$ により次式を得る。

 $\sigma_b/\sigma_t = F^{(c)}(w/c, c/W)/F^{(b)}(c/W)$ ………(4) ここに、 $\sigma_b$ :公称曲げ応力度、 $\sigma_t$ :引張強度、c = a + w、 a:切欠き深さ、w:破壊過程域長さ、W:はりせい、 F:載荷形式に依存する形状関数。

モデル (a) のき裂先端開口変位  $\phi$  は、モデル (b) および (c) の切欠き先端位置のき裂開口変位  $\phi_{00}$  およ び  $\phi_{(c)}$  を式 (4) を満足する外力条件で重ね合わせて求 められる。

図—4 に、切欠き曲げ供試体の 3 等分点および中点曲 げ載荷 (スパン・高さ比=3) の場合についてその解析 結果を示す。図中の横軸および縦軸は、それぞれ X= $(E \cdot \phi)/(\sigma_t \cdot W), Y = \sigma_b/\sigma_t$ の無次元パラメーターで表示 している。また、応力拡大係数およびき裂開口変位の解 析には、線形要素を用いた境界要素法(間接法)を利用 した<sup>13)</sup>。

破壊靱性評価には、引張強度に対する公称曲げ強度比の測定値から図—4 を利用して  $X = (E \cdot \phi)/(\sigma_t \cdot W)$  を求め、式(5)により限界応力拡大係数  $K_{lc}$  を、また  $X = (E \cdot \phi)/(\sigma_t \cdot W)$ に引張強度  $\sigma_t$ 、静弾性係数 E の測定値を代入して限界き裂先端開口変位  $\phi_c$  をそれぞれ間接的に評価する。

 $K_{lc} = \sqrt{E \cdot J_{lc}} = \sqrt{X \cdot W} \quad (平面応力) \dots (5)$ ここに、 $J_{lc} = \int_{0}^{\phi_{c}} \sigma_{t} \cdot d\phi = \sigma_{t} \cdot \phi_{c}$ :限界 J 積分値。

3.2 Dugdale モデルの適用性

コンクリートへの Dugdale モデルの適用性を検証す ることを目的に,解析および実験結果の比較検討を行う。 比較項目として,第1に切欠き曲げ供試体の荷重-き裂 口変位(Crack Mouth Displacement,以下, CMD と

· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·							
Cer (s	Center-Point Bending (span∙depth ratio =3)		Third-Point Bending (span•depth ratio =3)				
a/W	w/W	Y=σb/σt	$X = \frac{E \cdot \phi}{\sigma t \cdot W}$	a/W	ω/W	Y=σb/σt	$X = \frac{E \cdot \phi}{\sigma_t \cdot W}$
0.1	0.05 0.10 0.15 0.20 0.25 0.30 0.35 0.40 0.45	0.616 0.835 0.988 1.119 1.237 1.349 1.452 1.553 1.649	0.114 0.239 0.388 0.564 0.779 1.049 1.379 1.809 2.354	0.1	0.05 0.10 0.15 0.20 0.25 0.30 0.35 0.40 0.45	0.539 0.731 0.866 0.985 1.096 1.206 1.309 1.415 1.517	0.114 0.240 0.390 0.573 0.804 1.103 1.479 1.984 2.641
0.3	0.05 0.10 0.15 0.20 0.25 0.30 0.35 0.40	0.362 0.513 0.629 0.729 0.818 0.902 0.981 1.057	0.126 0.280 0.480 0.733 1.053 1.478 2.054 2.866	0.3	0.05 0.10 0.15 0.20 0.25 0.30 0.35 0.40	0.321 0.459 0.567 0.664 0.753 0.839 0.923 1.005	0.127 0.286 0.498 0.773 1.130 1.612 2.281 3.232
0.5	0.05 0.10 0.15 0.20 0.25 0.30	0.210 0.301 0.373 0.436 0.494 0.550	0.133 0.314 0.578 0.956 1.523 2.440	0.5	0.05 0.10 0.15 0.20 0.25 0.30	0.193 0.280 0.351 0.415 0.475 0.534	0.135 0.324 0.606 1.016 1.640 2.665

-12-



図—5 測定方法

 略記する)曲線,第2にLEFMによる K<sub>IC</sub>の載荷形式, 切欠き深さ,および供試体寸法依存性について調べる。
3.2.1 実験方法

破壊靱性試験は、切欠き曲げ供試体の3等分点あるい は中点曲げ載荷(スパン・高さ比=3)で行った。切欠 きは、厚さ1.0mmのアクリル板を先打ちする方法で入 れ、その深さは、はりせいに対する比で0.1、0.3、0.5 の3種類を用いた。荷重と、切欠き端にナイフエッジを 介して取り付けたクリップゲージの変位(CMD)との 関係は、X-Y レコーダによって自動記録した。測定方 法は図—5に示すとおりで、支承構造として片側の支承 脚底に直径30mmの鋼棒を挿入し、支承部の水平移動 拘束を低減した構造を用いた<sup>14)</sup>。

載荷形式,切欠き深さ依存性に関しては,寸法100×100×400 mm,相対切欠き深さ比=0.1,0.3,0.5の切

表---1 使用材料

セメント	普通ポルトランド
細骨材	大井川産川砂 表乾比重=2.62 最大寸法=5.0mm F.M. =2.85
粗骨材	大井川産川砂利 表乾比重=2.65 最大寸法=10.0mm F.M.=6.00 最大寸法=15.0mm F.M.=6.50 最大寸法=20.0mm F.M.=6.60

表--2:使用調合

シリーズ	調合	直接引張強度 (kgf/cm <sup>2</sup> )	静弹性係数 (×10 <sup>5</sup> kgf/cm <sup>2</sup> )
セメント ペースト	水・セメント比=50%	25.9	1.59
プレーン モルタル	水・セメント比=50% 砂体積率 = 0.5	32.6	2.56
プレーンコ ンクリート	水・セメント比=5096 砂体積率 = 0.3 砂利体積率 = 0.4 砂利&積率 = 15.0mm	29.6	.3.72

欠き曲げ供試体の3等分点および中点曲げ載荷について 検討した。供試体寸法依存性に関しては,はりせい(× はり幅)=40(×40),75(×100),100(×100),150(×100), 200(×100) mm,相対切欠き深さ比=0.3の切欠き曲げ 供試体の中点曲げ載荷について検討した。

引張強度は、 φ100×200 mm 円柱供試体による割裂 引張強度を直接引張強度に換算した値を用いた(換算式 は文献 15 によった)。使用材料ならびに調合は、それぞ れ表一1、2 に示すとおりである。供試体は、同一条件



-13 -



表―3 切欠き曲げ供試体の応力拡大係数

载荷形式 a/w	中点曲げ載荷 (スパン・高さ比=3) F(a/w)=KI/ơb√a	三等分点曲げ載荷 (スパン・高さ比=3) F(a/w)=KI/obva
0.10	1.704	1.946
0.15	1.680	1.923
0.20	1.682	1.921
0.25	1.727	1.970
0.30	1.793	2.036
0.35	1.887	2.129
0.40	2.018	2.258
0.45	2.192	2.431
0.50	2.427	2.664

ごとに各3個ずつ, 材令28日(20<sup>°C</sup>水中養生)後湿潤 状態で試験に供した。

## 3.2.2 解析および実験結果

図―6は、荷重-CMD曲線に関する測定値と、LEF-M および Dugdale モデルによる解析値との比較を示 す。この図から、セメントペーストに関して、その曲線 は最大荷重点に至るまでほとんど線形弾性的であり、そ の挙動は、LEFM により近似しうるようである。しか し、モルタルおよびプレーンコンクリートの場合、その 曲線は載荷初期からすでに LEFM から逸脱し、徐々に 非線形性を増大させており、その挙動は、最大荷重点近 傍に至るまで Dugdale モデルにより十分な精度で記述 しうるように思われる。

図―7 は、LEFM による K<sub>ic</sub> の載荷形式および切欠 き深さ依存性を示す。K<sub>ic</sub> の評価は最大荷重点で行い、 LEFM に関しその計算は、表―3 に示す境界要素法に よる解析値に基づいて行った。Dugdale モデルによる 解析結果は、相対切欠き深さ比=0.3、中点曲げ載荷に 関する測定値に基づいて予測されたものである。また、 同図中の水平線は、Dugdale モデル解析に基づく K<sub>ic</sub>の間接 的評価値を示す。解析的に、 LEFM による K<sub>ic</sub>は、曲げ載 荷において相対切欠き深さ比= 0.3の近傍でピークを示す切欠 き深さ依存性を有し、破壊靱性 の大きい材料ほどその傾向が顕 著に現れること、さらに3等分 点載荷による方が中点載荷によ るよりも若干高めの評価値を与 えることが予測された。これは、 測定値のばらつきの範囲内で実 験結果と良い一致が得られてい るように思われる。

図—8 は、LEFM による *K*<sub>i</sub>c の供試体寸法依存性を示す。 Dugdale モデルによる解析結 果は、はりせい=100 mm の供 試体に関する測定値に基づき、

パラメーター  $X = (E \cdot \phi)/(\sigma_t \cdot W)$ において,はりせい Wのみが変動するものとして予測された結果である。同図 中の水平線は,Dugdale モデル解析に基づく  $K_{lc}$ である。 測定値と解析値との間で妥当な一致がみられ,LEFM



図-8 LEFM に基づく Kic の供試体寸法保存性

-14 -

による評価は,供試体寸法が小さくなる程過小な結果を 与え,有効な破壊靱性値を得るには,破壊靱性の大きい 材料ほど大型の供試体を必要とすることが予想される。

以上のように,解析中に含まれるパラメーターのうち 直接測定しうるパラメーター,引張強度,公称曲げ応力 度,および静弾性係数のみから,解析的に一意的に定ま る未知パラメーターを間接的に評価し,逆に評価された パラメーターを用いて,荷重-CMD曲線,ならびにL-EFM による K<sub>IC</sub>の載荷形式,切欠き深さ,供試体寸法 依存性に関して実験結果と妥当に一致する解析結果が得 られたことから,コンクリートの破壊靱性評価への Dugdale モデルの適用は,十分妥当であるように考え られる。

#### 4. 結 論

コンクリートへの LEFM の適用性は,用いる供試体 寸法に強く制限されるために,小型供試体を用いた破壊 靱性評価には切欠き先端前方の破壊過程域の存在に起因 する非線形性を考慮する必要がある。そこで,本研究で は,その影響を考慮した破壊力学モデル解析に基づく破 壊靱性評価を間接評価と称し,その適用性について実験 的検討を試みた。

以下に,本実験で得た知見を述べる:

(1) コンクリートの破壊力学モデルとして,破壊過 程域内部で完全弾塑性構成法則を仮定した Dugdale モ デルの適用は十分有効であると考えられる。これは,切 欠き曲げ供試体の荷重-CMD 曲線,ならびに LEFM による破壊靱性評価値の載荷形式,切欠き深さ,および 供試体寸法依存性に関して実験結果と妥当に一致する解 析結果が得られたことから検証された。

(2) LEFM による K<sub>ic</sub> は,切欠き曲げ供試体に関して相対切欠き深さ比=0.3の近傍でピークを示す切欠き深さ依存性を有し,その傾向は破壊靱性の大きい材料ほど顕著に現れること,さらに供試体寸法が小さくなるにつれて,LEFM による評価は過小な結果を与え,その程度は,破壊靱性の大きい材料ほど大きくなることが予想される。

(3)(2)と関連して、LEFM による評価では、 その評価値の供試体寸法依存性が材料ごとに異なるため に、同一寸法の供試体を用いて得られる結果の相互比較 からは、破壊靱性改善の効果を適切に表示することは不 可能であるように思われる。

最後に、解析には東京大学大型計算機センターの<br />

#### HITAC-M 280 を使用したことを記す。

#### 参考文献

- 1) M.F. Kaplan: Crack Propagation and the Fracture of Concrete, ACI Journal, Vol. 58, No. 5, 1961
- A. Hillerborg, M. Modeer, P. E. Petersson : Analysis of Crack Formation and Crack Growth in Concrete by means of Fracture Mechanics and Finite Elements, Cement and Concrete Research, Vol. 6, 1976
- Z. P. Bazant : Crack Band Theory for Fracture of Concrete, Materials and Structures (RILEM), Vol. 16, No. 93, 1983
- K. Visalvanich, A.E. Naaman : Fracture Model for Fiber Reinforced Concrete, ACI Journal, Mar. Apr., 1983
- 5) M. Wecharatana, S. P. Shah : Predictions of Nonlinear Fracture Process Zone in Concrete, Journal of Engineering Mechanics, Vol. 109, No. 5, 1983
- 6) 岡田 清,小柳 治,六郷恵哲:コンクリートの曲げ引 張破壊過程に関するエネルギー的考察,土木学会論文報 告集,第285号,1979
- 7) P.E. Petersson : Fracture Energy of Concrete : Practical Performance and Experimental Results, Cement and Concrete Research, Vol. 10, 1980
- M. Wecharatana, S. P. Shah: Double Torsion Tests for Studying Slow Crack Growth of Portland Cement Mortar, Cement and Concrete Research, Vol. 10, 1980
- 9) C. Velazco, K. Visalvanich, S.P. Shah : Fracture Behavior and Analysis of Fiber Reinforced Concrete Beams, Cement and Concrete Research, Vol. 10, 1980
- S. Mindess, F.V. Lawrence, C.E. Kesler: The J-integral as a Fracture Criterion for Fiber Reinforced Concrete, Cement and Concrete Research, Vol. 7, 1977
- 六郷恵哲, C.E. Kesler, F.V. Lawrence: J 積分によるコンクリートの破壊靱性の評価,第2回コンクリート 工学年次講演論文集, 1980
- 12) 岸谷孝一,平居孝之,村上 聖:コンクリートの破壊靱 性評価(J積分評価法)に関する研究,第39回セメント 技術大会講演要旨,1985
- 13) K. Kishitani, T. Hirai, K. Murakami : J-integral Method in Analysis of Stress Intensity Factor Using Boundary Elements, Journal of the Faculty of Engineering, the University of Tokyo (B), Vol. 37, No. 3, 1984
- 14) 岸谷孝一,平居孝之,村上 聖:コンクリートの破壊靱 性に関する研究,セメント技術年報, Vol. 38, 1984
- 15) 渡辺夏也,橋場光雄:コンクリートの引張強度に関する 研究,セメント技術年報, Vol. 38, 1984

-15-

# SYNOPSIS

UDC: 691.32

## STUDY ON ESTIMATION OF FRACTURE TOUGHNESS FOR CONCRETE

Indirect estimation based on fracture model analysis

by Dr. KOICHI KISHITANI, Professor of Tokyo University, Dr. TAKAYUKI HIRAI, Professor of Oita University, and KIYOSHI MURAKAMI, Graduate Student of Tokyo University, Members of A. I. J

ι

As the applicability of Linear Elastic Fracture Mechanics to concrete strongly depends on an used specimen size, it is necessary to consider the non-linearity resulting from the existence of a fracture process zone in front of a notch tip for the estimation of fracture toughness using a small specimen.

So, in this study the estimation of fracture toughness based on analysis of a fracture model considering the nonlinearity of a notch tip was called an indirect estimation, the applicability was investigated experimentally.